

Bài tập lớn

Phiên bản 2, ngày 21/5/2012

Ra đề: Hoàng Thị Diệp (diep.thi.hoang@gmail.com)

Số nguyên dương lớn nhất có thể biểu diễn bởi kiểu dữ liệu có sẵn trong C++ là `ULLONG_MAX = 18446744073709551615` (kiểu `unsigned long long` dài 8 byte), là số có 20 chữ số. Trong thực tế, ta có thể cần làm việc với các số nguyên lớn hơn, ví dụ: để lưu chính xác kết quả $21!$. Hãy cài đặt lớp `BigNumber` biểu diễn số nguyên dương lớn.

Ý tưởng biểu diễn số nguyên dương lớn là dùng một `vector<unsigned char>`, mỗi phần tử biểu diễn một cặp chữ số.

Ví dụ 1: số $n = 2345$ thì vector tương ứng `v` có 2 phần tử là

`v[0] = 45`

`v[1] = 23`

Từ vector `v`, ta có thể suy ra được giá trị nó biểu diễn là $v[1] * 100^1 + v[0] * 100^0$

Ví dụ 2: số $m = 21! = 51090942171709440000$ thì vector tương ứng là

v[0]	v[1]	v[2]	v[3]	v[4]	v[5]	v[6]	v[7]	v[8]	v[9]
0	0	44	9	17	17	42	9	9	51

Để cài đặt cách lưu trữ nói trên, ta khai báo 1 biến thành viên private của lớp `BigNumber` là `vector<unsigned char> digitpairs;`

Dưới đây là giao diện yêu cầu của lớp `BigNumber`

class	BigNumber	
	<code>BigNumber();</code>	<i>// Hàm kiến tạo mặc định, vector rỗng</i>
	<code>BigNumber(string value);</code>	<i>// Hàm kiến tạo vector digitpairs từ xâu value lưu số lớn</i>
	<code>BigNumber(const BigNumber& n1);</code>	<i>// Hàm kiến tạo sao chép, tạo số lớn mới bằng số lớn n1 cho trước. Có xét phép tự gán.</i>
	<code>~BigNumber();</code>	<i>// Hàm hủy, xóa tất cả các phần tử trong digitpairs</i>
<code>unsigned int</code>	<code>length() const;</code>	<i>// Trả về số chữ số của số lớn</i>
<code>string</code>	<code>toString() const;</code>	<i>// Trả về xâu giá trị của số lớn</i>
<code>friend ostream&</code>	<code>operator<<(ostream& out, const BigNumber& number);</code>	<i>// Ghi giá trị của số lớn ra luồng xuất</i>
<code>friend istream&</code>	<code>operator>>(istream& in, BigNumber& number);</code>	<i>// Đọc giá trị từ luồng nhập vào số lớn</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator+(const BigNumber& n1, const BigNumber& n2);</code>	<i>// Nạp chồng phép cộng 2 số lớn</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator-(const BigNumber& n1, const BigNumber& n2);</code>	<i>// Nạp chồng phép trừ 2 số lớn</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator*(const BigNumber& n1, const BigNumber& n2);</code>	<i>// Nạp chồng phép nhân 2 số lớn</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator/(const BigNumber& n1, const BigNumber& n2);</code>	<i>// Nạp chồng phép chia 2 số lớn</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator%(const BigNumber& n1, const BigNumber& n2);</code>	<i>// Nạp chồng phép tìm dư khi chia n1 cho n2</i>
<code>friend BigNumber&</code>	<code>operator++(BigNumber& n1);</code>	<i>// Nạp chồng phép tự tăng trước</i>
<code>friend const BigNumber</code>	<code>operator++(BigNumber& n1, int);</code>	<i>// Nạp chồng phép tự tăng sau</i>

friend BigNumber&	operator--(BigNumber& n1);	<i>// Nạp chồng phép tự giảm trước</i>
friend const BigNumber	operator--(BigNumber& n1, int);	<i>// Nạp chồng phép tự giảm sau</i>
BigNumber&	operator=(const BigNumber& n1);	<i>// Gán số lớn hiện tại bằng n1, // đồng thời trả về giá trị này</i>
unsigned char&	operator[](unsigned int i);	<i>// Trả về chữ số thứ i của số lớn hiện tại (i >= 0)</i>

Giải thích thay đổi trong phiên bản 2

- Phép tự tăng/giảm trước cho phép biểu thức dạng `++x = BigNumber("123");` // tương đương `++x = 123` với kiểu `int`
- Phép tự tăng/giảm sau **không** cho phép biểu thức dạng `x++ = BigNumber("123");` // tương đương `x++ = 123` với kiểu `int`
- Phép gán cho phép biểu thức dạng chuỗi `x = y = BigNumber("123");` // tương đương `x = y = 123;` với kiểu `int`
- Phép truy cập đến chữ số thứ `i` cho phép biến đổi chữ số này, ví dụ: `x[0] = 9;` gán hàng đơn vị của số `x` bằng 9

Yêu cầu nộp:

- Nộp các file bài làm vào repository đặt tên là `aproject` trên account `bitbucket` của bạn. Cần nộp ít nhất 3 files sau:
 - `BigNumber.h` và `BigNumber.cpp`
 - `report.pdf` mô tả các thuật toán đã dùng để cài đặt từng phép toán trên số lớn
- Thời gian làm: 4 tuần (từ 02/5 đến 30/5).
- Sinh viên đăng ký làm bài tập lớn (tối đa 2 người/nhóm) trước ngày 09/5 bằng cách điền tên vào form đã được gửi vào email cá nhân.